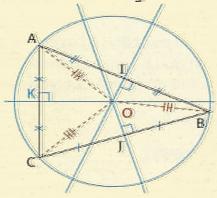


Rappels: les triangles

Droites remarquables dans un triangle

Médiatrices des côtés

Concourantes en un point : le centre du cercle circonscrit au triangle.



OA = OB = OC

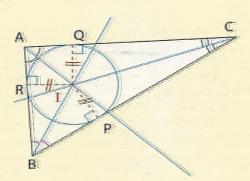
Médiane issue d'un sommet médiane issue de A



$$aire(AJB) = aire(AJC) = \frac{1}{2}aire(ABC)$$

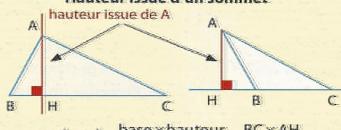
Bissectrices des angles

Concourantes en un point : le centre du **cercle inscrit** au triangle.



IP=IQ=IR

Hauteur issue d'un sommet



$$aire(ABC) = \frac{base \times hauteur}{2} = \frac{BC \times AH}{2}$$

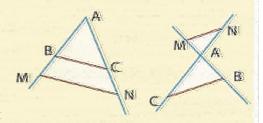
Remarque : il existe aussi des propriétés de concours pour les médianes et hauteurs (voir TP 2 page 260, exercice 118 page 339).

Proportionnalité dans le triangle. Théorème de Thalès

Soit un triangle ABC. M'un point die (AB) et N'un point die (AC) distincts de A.

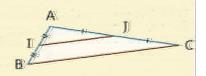
• SI (BC) et (MIN) sont parallèles, alors AWIN et ABC ont leurs côtés proportionnels :

• Si $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$ et si les points A, B, M et les points A, C, N sont dans le même ordre, alors (BC) et (MN) sont parallèles.



Cas particulier avec des milieux

- Dans un triangle ABC, si I et J sont les milieux de [AB] et [AC], alors (IJ))//(BC) et IJ = $\frac{1}{2}$ BC.
- Dans un triangle ABC, si Lest le milieu de [AB], alors la parallèle à (BC) passant par I coupe [BC] en son milieu.



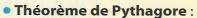
Triangle rectangle

Définition: Un triangle rectangle est un triangle qui a un angle droit.

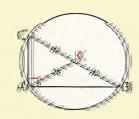
Propriétés d'un triangle rectangle

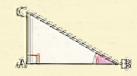
Si ABC est mediangle en A





•lle centre du cerd le circonswitau triangle ABC est le milieu de [BC]





SComment den outrer qu'un triangle est rectangle?

Si (WB) et (WC) somt perpendiculaires, alors ABC est nectangle en A.

Rédiproque du fiérnéeure de Prélognes ore :
SI BGPBCAB2/4BAG2Ad6ra los CABC restrangimento An A

■ SI-ABC-BC less instains la rodecte rélection la la BC [BC] ral ABC-BC restronglanghe len A

[MOTHWITEM]]

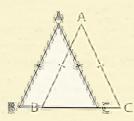
[PROFRIÉTÉ] [PROFRIÉTÉ]

Triangin isosolæle

Définition transferiste de la complete de la comple

Propriétiésiésid tristrandloisocèle

Si AHCABSI est isodèbaèle An A



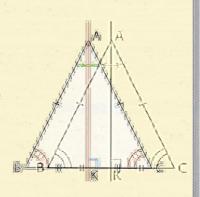
La mádhédiana isste Alexa estsaissi:

alomors-médiédiotribe (BC[BC],

hauteurdssuisstle Ale A,
bissolosecerite Ae Â

Cette diodnist us une de de semétric

du diamidadia do $\widehat{\mathbf{B}} = \widehat{\mathbf{C}} = \widehat{\mathbf{C}}$.



M Communication de la communicación de la comm

- SIABARÉ Albaila thanjan de Abara essièle ète An A.
- Sir BSI-BE-aCoust bershibat njdo dil BKA/BSI i esto i ble i ele An A.
- Si délicientes des itemarqua plables d'unigne la CAS sour conforciues, alors la 1800 de sexiète à la ...

[Déficienton]

[PROPROFÉ]

PROPREFER

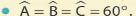
Triangle équilatéral

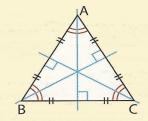
Définition: Un triangle équilatéral est un triangle qui a ses trois côtés de la même longueur.

Propriétés d'un triangle équilatéral

Si ABC est équilatéral

 Les médianes sont aussi hauteurs, médiatrices, bissectrices des angles et axes de symétrie du triangle ABC.





△ Comment démontrer qu'un triangle est équilatéral ?

- Si AB = AC = BC alors ABC est équilatéral.
- Si un triangle a ses trois angles égaux, alors il est équilatéral.
- Si un triangle est isocèle et possède un angle de 60°, alors il est équilatéral.

[DÉFINITION]

[PROPRIÉTÉ]

[PROPRIÉTÉ]



Définition: Le cercle de centre O et de rayon r(r > 0) est l'ensemble des points M du plan tels que OM = r.

△ Comment démontrer qu'un point appartient à un cercle?

• Si OM = r alors M appartient au cercle de centre O et de rayon r.

[DÉFINITION]

Si AMB est rectangle en M, alors M appartient au cercle de diamètre AB.

[PROPRIÉTÉ]



Rappels: le parallélogramme

Définition: Un parallélogramme est un quadrilatère dont les côtés sont parallèles deux à deux.

Propriétés du parallélogramme

Si ABCD est Les diagonales ont le même



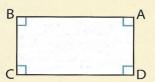
Rappels: rectangle, losange, carré

Rectangle

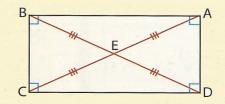
Définition: Un rectangle est un quadrilatère qui a quatre angles droits.

Propriétés du rectangle

Si ABCD est un rectangle alors



- ABCD est un parallélogramme (donc il en a toutes les propriétés).
- Ses diagonales ont la même longueur.



■ Comment montrer que ABCD est un rectangle?

- Si ABCD a quatre angles droits, alors ABCD est un rectangle
- Si ABCD est un parallélogramme qui a un angle droit, alors ARCD est un rectangle....
- Si AB &B @D mut mampalrabajormamarquicani las afradja quo nel de che la armèrica longue ur, aloalors A BGB est um rentancle.

PRCHROPIE

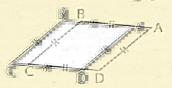
PROPRETED.

[DEFINATION]

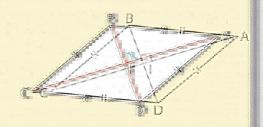
Luasone

Differmitic Lin Corlorange est un qualdrianè reliqui esception de la mamèrica la que un.

Proportétas da los ance



- S SPABCED cest Contrograge all ators ABABCED cest papalallélogragramente adone il an a
 - iounoutes lemprogréétés).
 - Sessaladiagolealsamont cerperpendiculaires.



LicommedidemontranqueAILBeanchiosance?

- Si ABEBCIDiesses désides thérmer rentonque aront or BCB Cient un instangance.
- DEDEFINITION
- Si SBABCD est comparabé jognammo é qui la deux éstés consécutés de mêmen conociqueur, Proprién 1 a Gate & ABERT est los ansience.
- Si / Si / AB GD est amparallélogramme qui a ses diagonales perochalaintaires, alora wis AE est en lusaos ange.

PROPROPRIETE

Cainmirá

Le Définition de la company de la company de la company de la merce de la merce de la company de la Remarquementación à safáisfois idealos areje et marantiagle.

Perphiétéskurané:

Un ceméraré ou test es tempriété ses contectos electros dos ange.

Litramomné noucemonne de Clickeure sauntaire /

Dir déGradémong e ECDASCD est à la foiscence la ancie et andesance.