

4°) Soit  $\Omega(x; y)$  le centre du cercle circonscrit.

Alors  $A\Omega = B\Omega$  et  $A\Omega = C\Omega$ . Commençons par traduire l'égalité

$A\Omega = B\Omega$  :

$$\sqrt{(x - (-2))^2 + (y - 1)^2} = \sqrt{(x - 2)^2 + (y - 2)^2} \quad \text{donc}$$

$(x + 2)^2 + (y - 1)^2 = (x - 2)^2 + (y - 2)^2$  ce qui donne, en développant avec les identités remarquables :

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \text{ et } (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$x^2 + 4x + 4 + y^2 - 2y + 1 = x^2 - 4x + 4 + y^2 - 4y + 4$  donc en réduisant :  $8x + 2y - 3 = 0$ .

Cette équation est en fait celle de la médiatrice de  $[AB]$  (ensemble des points équidistants de  $A$  et de  $B$ ).

On procède de même avec  $A\Omega = C\Omega$ , ce qui donne (...) :  $2x - 6y = 0$  ou encore  $x - 3y = 0$ .

On résout enfin le système :  $\begin{cases} 8x + 2y - 3 = 0 \\ x - 3y = 0 \end{cases}$  qui revient à

$$\begin{cases} 8x + 2y - 3 = 0 \\ 8x - 24y = 0 \end{cases} \quad \text{d'où, en soustrayant : } 26y - 3 = 0 \text{ donc } y = \frac{3}{26}$$

d'où  $x - 3 \times \frac{3}{26} = 0$  donc  $x = \frac{9}{26}$ .

Les coordonnées du centre du cercle circonscrit sont donc :

$$\left( \frac{9}{26}; \frac{3}{26} \right).$$